

- 1) Un alambre de longitud L y resistencia $R = 6 \Omega$ se estira hasta una longitud $3L$ conservando invariante su masa. Calcule la resistencia del alambre una vez estirado.

Masa invariante $\Rightarrow M_0 = M_f$; $M_0 = L_0 \cdot S_0$; $M_f = L_f \cdot S_f$

$L_0 S_0 = L_f S_f$; $L_0 = L$; $L_f = 3L$

$$R_0 = R_f = 6 \Omega$$

$$S_f = \frac{S_0}{3}$$

$$R_0 = 6 \Omega = \frac{L_0}{S_0} \rho$$

$$R_f = \frac{L_f}{S_f} \rho = \frac{3L_0}{\frac{S_0}{3}} \rho = 9 \frac{L_0}{S_0} \rho = 9 \cdot 6 \Omega = 54 \Omega$$

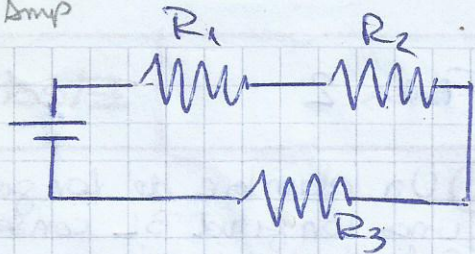
$$R_f = 54 \Omega \checkmark$$

- 2) Un bobinado de alambre de cobre de 1 mm^2 de sección (a 20°C la resistividad del cobre vale $\rho_{\text{Cu}} = 1.7 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$) tiene 5000 vueltas de 10 cm de longitud cada una. Después de algunas horas de trabajo continuo su resistencia aumenta a $R = 10.2 \Omega$. Calcule el aumento de temperatura del bobinado para $\alpha = 3.9 \times 10^{-3} \text{ } ^\circ \text{C}^{-1}$.

$$V = RI$$

$$\frac{V}{\Omega} = \text{Amp}$$

- 3) En el circuito de la figura la tensión aplicada es de 58V.
Para $R_1 = 4\ \Omega$, $R_2 = 10\ \Omega$, $R_3 = 15\ \Omega$
Calcule:



- a) el valor de la resistencia equivalente

El circuito está configurado en serie $\Rightarrow R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 = 29\ \Omega = R_{eq}$

- b) el valor de la intensidad de corriente que circula por cada resistencia

$V_0 = 58V$; circuito en serie $\Rightarrow I = I_1 = I_2 = I_3 = \frac{V}{R_{eq}}$

$$I = \frac{58V}{29\ \Omega} = 2A = I_1 = I_2 = I_3 \checkmark$$

- c) el valor de la caída de potencia en cada una de ellas

$$V_1 = R_1 I_1 = 4\ \Omega \cdot 2 \frac{V}{A} = 8V = V_1 \checkmark$$

$$V_2 = R_2 I_2 = 10\ \Omega \cdot 2 \frac{V}{A} = 20V = V_2 \checkmark$$

$$V_3 = R_3 I_3 = 15\ \Omega \cdot 2 \frac{V}{A} = 30V = V_3 \checkmark$$

- d) la potencia disipada en cada resistencia

$$P_1 = I_1^2 R_1 = (2A)^2 4\ \Omega = 4 \frac{V^2}{\Omega^2} 4\ \Omega = \frac{16V^2}{\Omega} = 16W = P_1 \checkmark$$

$$P_2 = I_2^2 R_2 = (2A)^2 10\ \Omega = 4 \frac{V^2}{\Omega^2} \cdot 10\ \Omega = 40W = P_2 \checkmark$$

$$P_3 = I_3^2 R_3 = (2A)^2 15\ \Omega = 4 \frac{V^2}{\Omega^2} \cdot 15\ \Omega = 60W = P_3 \checkmark$$

- e) compare la potencia entregada por la fuente con la disipada por la resistencia equivalente.

$$P_{ENTREGADA} = I \cdot V = 2A \cdot 58V = 116W = P_{ENTREGADA}$$

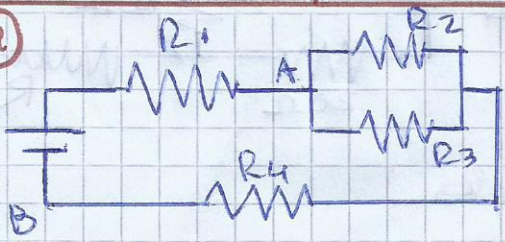
$$P_{DISIPADA} = P_1 + P_2 + P_3 = 16W + 40W + 60W = 116W = P_{DISIPADA}$$

$$P_{ENTREGADA} = P_{DISIPADA}$$

$$\frac{A \cdot V}{\Omega}$$

$$\frac{V^2}{\Omega} = W$$

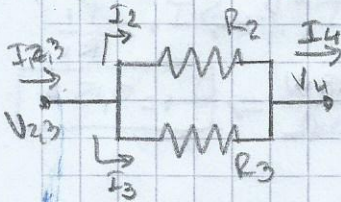
4)



En el circuito de la figura, la resistencia R_3 disipa 10 W.
 Para $V = 133\text{ V}$, $R_2 = 750\ \Omega$, $R_3 = 250\ \Omega$
 $R_4 = 100\ \Omega$.

Calcule:

a) el valor de R_1

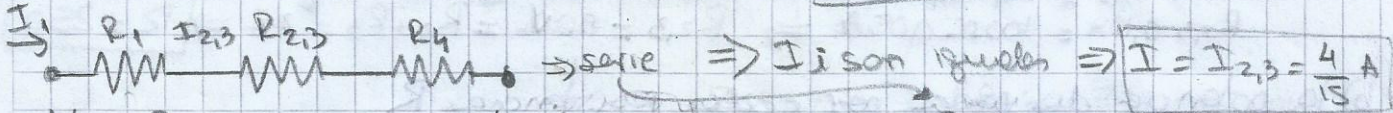


$$R_{2,3} = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} = \frac{750\ \Omega \cdot 250\ \Omega}{750\ \Omega + 250\ \Omega} = 187,5\ \Omega = R_{2,3}$$

$$P_3 = 10\text{ W} = I_3^2 R_3 \Rightarrow I_3^2 = \frac{10\text{ W}}{250\ \Omega} = \frac{1}{25}\ \frac{\text{V}^2}{\Omega^2} \Rightarrow I_3 = 0,2\ \text{A}$$

$$V_{2,3} = V_2 = V_3 \text{ (config 1)} \quad V_3 = R_3 I_3 = 250\ \Omega \cdot 0,2\ \frac{\text{V}}{\Omega} = 50\text{ V} = V_{2,3}$$

$$V_{2,3} = R_{2,3} \cdot I_{2,3} \Rightarrow I_{2,3} = \frac{V}{R} = \frac{50\text{ V}}{187,5\ \Omega} = \frac{4}{15}\ \text{A} = I_{2,3}$$



$$V_1 = R_{eq} \cdot I \Rightarrow R_{eq} = \frac{V_1}{I} = \frac{133\text{ V}}{4/15\ \text{A}} = 498,75\ \Omega = R_1 + R_{2,3} + R_4$$

$$498,75\ \Omega = R_1 + 187,5\ \Omega + 100\ \Omega \Rightarrow R_1 = 211,25\ \Omega \quad \checkmark$$

b) la potencia total que disipa el circuito

$$P_{total} = I^2 \cdot R_{eq\ total} = \left(\frac{4}{15}\ \text{A}\right)^2 \cdot 498,75\ \Omega = 35,5\ \frac{\text{V}^2}{\Omega} \Rightarrow P_{total} = 35,5\ \text{W} \quad \checkmark$$

c) la diferencia de potencial $V_{BA} = V_A - V_B$

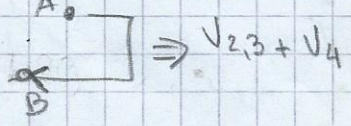
$$V_{2,3} = 50\text{ V} \text{ (calculado en a)}$$

$$V_{R4} = R_4 I_{2,3} = 100\ \Omega \cdot \frac{4}{15}\ \text{A} = 26,67\ \text{V}$$

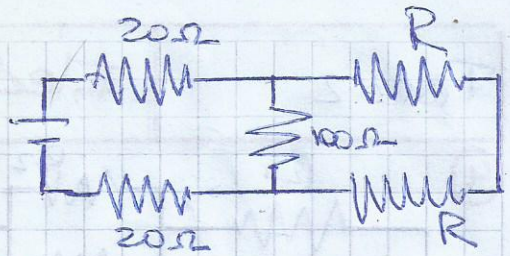
Lo que se pide es la dif. entre V_A y V_B que es lo mismo que sumar $V_{2,3}$ y V_{R4}

$$V_{BA} = V_{2,3} + V_{R4} = 50\text{ V} + 26,67\text{ V} = 76,67\text{ V} = V_{BA}$$

$V_{BA} = V_A - V_B \Rightarrow V$ desde el A hasta el B

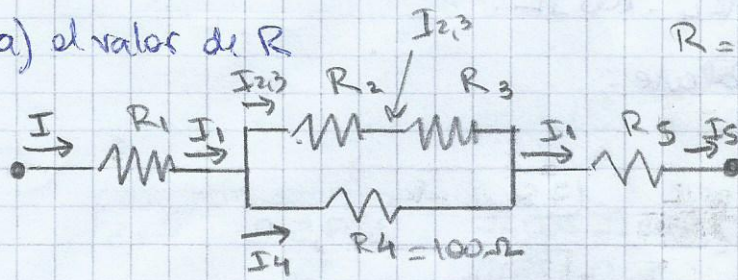


5) En el circuito de la figura, las resistencias de $20\ \Omega$ disipan, cada una de ellas, $0,45\ \text{W}$, en tanto que la de $100\ \Omega$ disipa $0,25\ \text{W}$.



Calcule:

a) el valor de R



$$R = R_2 = R_3$$

$$I = I_1 \quad P_1 = 0,45\ \text{W}$$

$$P_1 = I_1^2 R_1 \Rightarrow I_1^2 = \frac{P_1}{R_1}$$

$$I_1^2 = \frac{0,45\ \text{W}}{20\ \Omega} \Rightarrow \boxed{I_1 = 0,15\ \text{A}}$$

$$P_4 = 0,25\ \text{W} = R_4 I_4^2 \Rightarrow I_4^2 = \frac{0,25\ \text{W}}{100\ \Omega} \Rightarrow \boxed{I_4 = 0,05\ \text{A}}$$

$$R_{2,3} \text{ y } R_4 \text{ están en paralelo} \Rightarrow I_1 = I_{2,3} + I_4 \Rightarrow \boxed{I_{2,3} = 0,10\ \text{A}}$$

$$V_{2,3} = V_4$$

$$R_{2,3} I_{2,3} = R_4 I_4$$

$$R_{2,3} 0,10\ \text{A} = 100\ \Omega \cdot 0,05\ \text{A}$$

$$\Rightarrow R_{2,3} = 50\ \Omega = R_2 + R_3 = 2R \Rightarrow \boxed{R = 25\ \Omega}$$

2,3 es una serie $R_2 = R_3 = R$

b) la potencia disipada por cada resistencia R

$$P_2 = I_2^2 R_2 = (0,10\ \text{A})^2 \cdot 25\ \Omega = \boxed{0,25\ \text{W} = P_2 = P_3}$$

c) la potencia entregada por la fuente

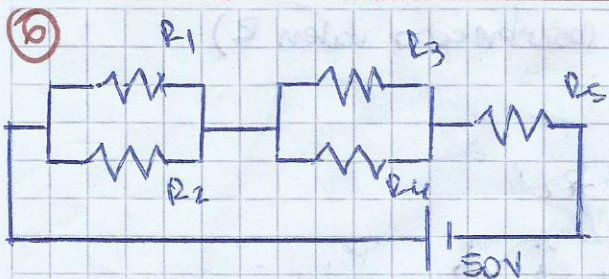
$$P_{\text{entregada}} = \sum P_i = 0,45\ \text{W} + 0,25\ \text{W} + 0,25\ \text{W} + 0,25\ \text{W} + 0,45\ \text{W} = \boxed{1,65\ \text{W} = P_T}$$

d) el valor de la ddp entregada por la fuente

$$V_{\text{total}} = I R_{\text{eq}} = 0,15\ \text{A} \cdot \frac{220}{3}\ \Omega = \boxed{11\ \text{V} = V_{\text{total}}}$$

$$R_{\text{eq}} = R_1 + R_{2,3,4} + R_5 = 20\ \Omega + \frac{100}{3}\ \Omega + 20\ \Omega = \boxed{\frac{220}{3}\ \Omega = R_{\text{eq}}}$$

$$R_{2,3,4} = \frac{2R \cdot R_4}{R_{2,3} + R_4} = \frac{50\ \Omega \cdot 100\ \Omega}{50\ \Omega + 100\ \Omega} = \frac{100}{3}\ \Omega = R_{2,3,4}$$



Dado el circuito de la figura, en el cual $R_1 = 30 \Omega$, $R_2 = 10 \Omega$, $R_3 = 40 \Omega$, $R_4 = 60 \Omega$ y $R_5 = 100 \Omega$

Calcule:

a) la resistencia equivalente

$$R_1 = 30 \Omega \quad \left. \begin{array}{l} R_1 = 30 \Omega \\ R_2 = 10 \Omega \end{array} \right\} R_{1,2} // = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{30 \Omega \cdot 10 \Omega}{30 \Omega + 10 \Omega} = 7,5 \Omega = R_{1,2}$$

$$R_3 = 40 \Omega \quad \left. \begin{array}{l} R_3 = 40 \Omega \\ R_4 = 60 \Omega \end{array} \right\} R_{3,4} // = \frac{R_3 R_4}{R_3 + R_4} = \frac{40 \Omega \cdot 60 \Omega}{40 \Omega + 60 \Omega} = 24 \Omega = R_{3,4}$$

$$R_5 = 100 \Omega$$

$$R_{eq} = R_{1,2} + R_{3,4} + R_5 = 7,5 \Omega + 24 \Omega + 100 \Omega = 131,5 \Omega = R_{eq}$$

b) la intensidad de corriente que circula por el circuito

$$V_{EMF} = R_{eq} \cdot I \Rightarrow I = \frac{V}{R} = \frac{50V}{131,5 \Omega} = 0,38 A = I$$

c) la intensidad de corriente que circula por cada resistencia

$$I = I_1 + I_2 = I_3 + I_4 = I_5 \Rightarrow I_5 = 0,38 A \quad \checkmark \quad V_1 = V_2 \quad \text{y} \quad V_3 = V_4$$

$$V_1 = V_2$$

$$\left. \begin{array}{l} R_1 \cdot I_1 = R_2 \cdot I_2 \\ 30 \Omega \cdot I_1 = 10 \Omega \cdot I_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} 30 \Omega \cdot I_1 + 10 \Omega \cdot I_2 = 0 \\ I_1 + I_2 = 0,38 A \end{cases} \Rightarrow$$

$$\begin{array}{l} I_1 = 0,095 A \\ I_2 = 0,285 A \end{array} \quad \checkmark$$

$$\left. \begin{array}{l} R_3 \cdot I_3 = R_4 \cdot I_4 \\ R_3 \cdot I_3 - R_4 \cdot I_4 = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} 40 \Omega \cdot I_3 - 60 \Omega \cdot I_4 = 0 \\ 4 \cdot I_3 + I_4 = 0,38 A \end{cases} \Rightarrow$$

$$\begin{array}{l} I_3 = 0,228 A \\ I_4 = 0,152 A \end{array} \quad \checkmark$$

d) la caída de potencial en cada resistencia

$$V_1 = V_2 \quad V_1 = R_1 \cdot I_1 = 30 \Omega \cdot 0,095 A = 2,85 V = V_1 = V_2 \quad \checkmark$$

$$V_3 = V_4 \quad V_3 = R_3 \cdot I_3 = 40 \Omega \cdot 0,228 A = 9,12 V = V_3 = V_4 \quad \checkmark$$

$$V_5 = R_5 \cdot I_5 = 100 \Omega \cdot 0,38 A = 38 V = V_5 \quad \checkmark$$

e) la potencia disipada por cada resistencia $P = I^2 \cdot R$

$$P_1 = (0,095 A)^2 \cdot 30 \Omega = 0,271 W = P_1 \quad \checkmark$$

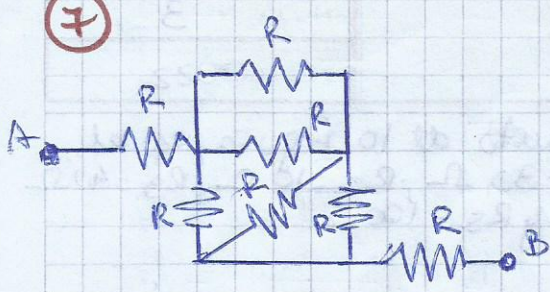
$$P_2 = (0,285 A)^2 \cdot 10 \Omega = 0,812 W = P_2 \quad \checkmark$$

$$P_3 = (0,228 A)^2 \cdot 40 \Omega = 2,079 W = P_3 \quad \checkmark \quad P_4 = (0,152 A)^2 \cdot 60 \Omega = 1,386 W = P_4 \quad \checkmark \quad P_5 = 14,44 W \quad \checkmark$$

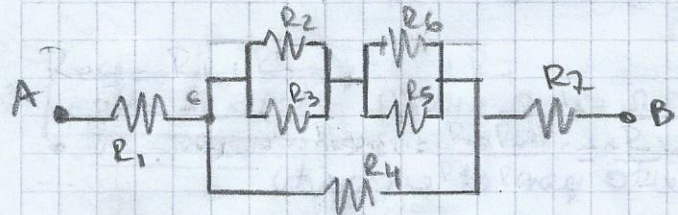
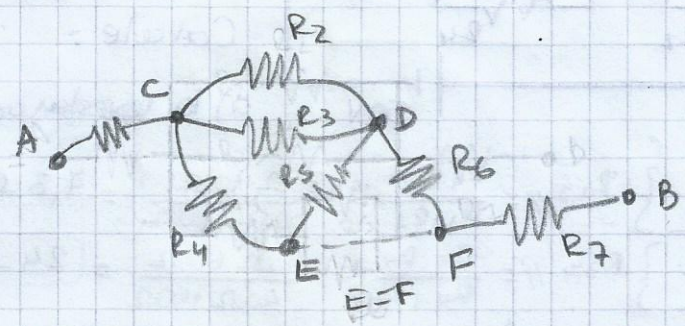
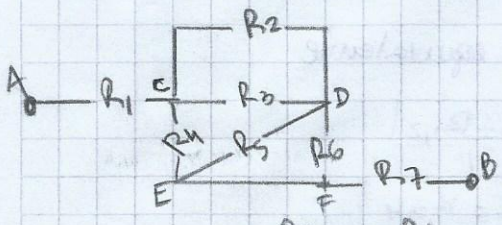
f) la potencia entregada por la batería

$$P_{total} = \sum_{i=1}^5 P_i = (0,271 + 0,812 + 2,079 + 1,386 + 14,4) W \Rightarrow P_{ENTREGADO} = 18,95 W \quad \checkmark$$

7



Dado el arreglo de la figura, halla la resistencia equivalente entre A y B (Todos los resistores valen R)



$$R_{2,3} = \frac{R}{2} = R_{6,5}$$

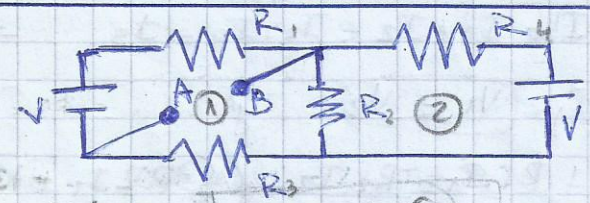
$$R_{2,3,5,6} = R_{2,3} + R_{6,5} = \frac{R}{2} + \frac{R}{2} = R$$

$$R_{2,3,5,6,4} = \frac{R_{2,3,5,6} \cdot R_4}{R_{2,3,5,6} + R_4} = \frac{R \cdot R}{R + R} = \frac{R}{2} = R_{2,3,4,5,6}$$

$$R_{eq\ total} = R_1 + R_{2,3,4,5,6} + R_7 = R + \frac{R}{2} + R = \frac{5}{2}R \Rightarrow R_{eq\ total} = 2.5R$$

8 Sabiendo que $R = 2\ \Omega$ y $V = 10V$

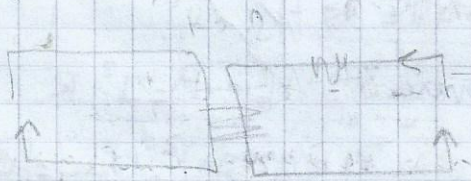
a) calcule la diferencia de potencial entre A y B



en 1) $R_{eq1} = 3R = 6\ \Omega \Rightarrow I_{(1)} = \frac{V}{R_{eq1}} = \frac{10V}{6\ \Omega} \Rightarrow I_{(1)} = 1.66A$

$$V_1 = R_1 \cdot I = 2\ \Omega \cdot 1.66A = 3.35V = V_1$$

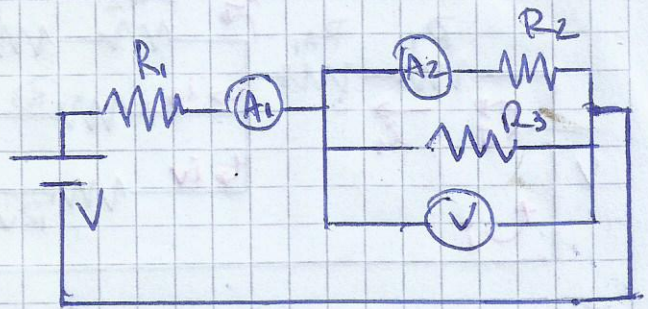
$$V_2 = R_2$$



$$V_2 = R_2$$

Ej 9 Los instrumentos del circuito de la figura NO son ideales.

Los amperímetros tienen resistencia interna de 1Ω y el Voltímetro tiene resistencia interna de $1 k\Omega$



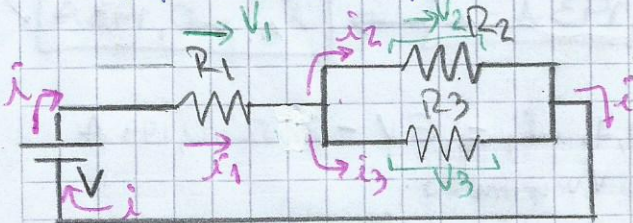
a) Justifique por qué el amperímetro debe conectarse en serie con la resistencia

El amperímetro debe conectarse en serie porque la corriente, i , es la misma que en la resistencia

b) Justifique por qué el voltímetro debe conectarse en paralelo.

El voltímetro se conecta en paralelo porque de esa manera está a igual potencial que la/s resistencia/s que también están en paralelo

c) Calcule la intensidad de la corriente que circula por cada resistencia y la ddp a la que se halla si NO se conectan los instrumentos, para $V = 6V$, $R_1 = 24 \Omega$, $R_2 = 15 \Omega$, $R_3 = 10 \Omega$



Primero hallo i de todo el circuito
Para eso hallo R_{eq} .

$$R_{2,3||} = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = \frac{15 \Omega \cdot 10 \Omega}{15 \Omega + 10 \Omega} = 6 \Omega = R_{2,3}$$

$$R_{eq} = R_1 + R_{2,3||} = 24 \Omega + 6 \Omega = 30 \Omega = R_{eq}$$

ley de Ohm: $V = R_{eq} i \rightarrow i = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{6V}{30 \Omega} = 0.2 A = i = i_1 = 0.2 A$

R_2 y R_3
Conexión en paralelo $\Rightarrow i_1 = i_2 + i_3$

$$V_{2,3||} = V_2 = V_3$$

$$V_{2,3} = R_{2,3||} \cdot i = 6 \Omega \cdot 0.2 A$$

$$V_{2,3||} = 1.2 V = V_2 = V_3$$

$$I = III$$

$$1.2 V = V_2 = V_3$$

$$1.2 V = R_2 i_2 = R_3 i_3$$

$$\frac{1.2 V}{15 \Omega} = i_2 = 0.08 A$$

$R_2 \rightarrow$

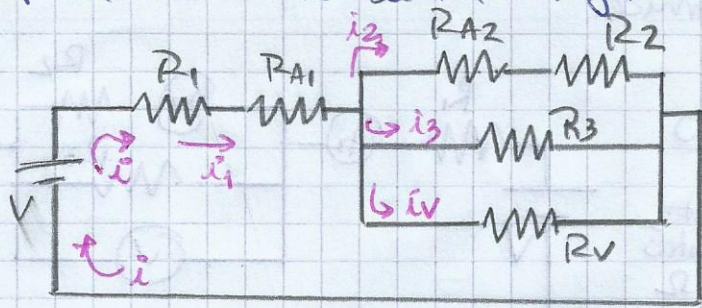
$$i_3 = \frac{1.2 V}{10 \Omega} \leftarrow R_3$$

I $V_2 = R_2 i_2 = 15 \Omega \cdot 0.08 A = 1.2 V$

II $V_2 = V_3 = 1.2 V$

$i_3 = 0.12 A$

d) Indique cuánto marcan los instrumentos cuando se conectan, por los valores de tensión y resistencia dados en c)



$$V = 6V \quad R_1 = 24\Omega \quad R_2 = 15\Omega$$

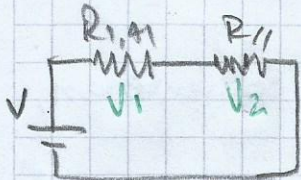
$$R_3 = 10\Omega$$

$$R_{A1} = R_{A2} = 1\Omega$$

$$R_V = 1000\Omega$$

Vamos a hallar $R_{eq} \rightarrow R_{1, A1} \rightarrow R_{1, A1} = R_1 + R_{A1} = 25\Omega$

$$R_{11} \text{ o } R_{A2, 2} \stackrel{\text{serie}}{=} R_{A2} + R_2 = 1\Omega + 15\Omega = 16\Omega$$



$$\frac{1}{R_{11}} = \frac{1}{R_{A2, 2}} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_V}$$

$$= \frac{1}{16\Omega} + \frac{1}{10\Omega} + \frac{1}{1000\Omega} = \frac{327}{2000\Omega}$$

$$R_{eq} = R_{1, A1} + R_{11} = 25\Omega + 6,12\Omega = 31,12\Omega$$

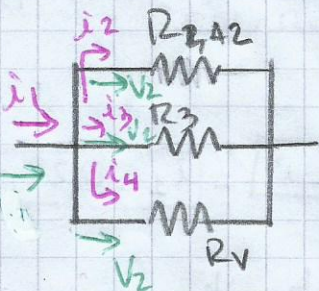
$$R_{11} = \frac{2000\Omega}{327} = 6,12\Omega$$

$$R_{eq} = 31,12\Omega$$

$$V = R_{eq} i \rightarrow i = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{6V}{31,12\Omega} = 0,193A = i \rightarrow i_{A1} = 0,193A$$

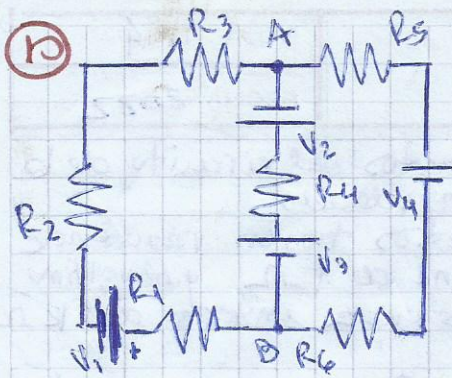
$$V = V_1 + V_2 \rightarrow V_2 = V - V_1 = V - R_{1, A1} \cdot i_1 = 6V - 25\Omega \cdot 0,193A$$

$$V_2 = 1,175V$$



$$V_2 = R_{2, A2} \cdot i_2 \rightarrow i_2 = \frac{V_2}{R_{2, A2}} = \frac{1,175V}{16\Omega} = 0,073A$$

$$i_{A2} = 0,0734A$$



Los valores de los diferentes elementos del circuito de la figura son:

$$R_1 = 9\Omega, R_2 = 5\Omega, R_3 = 10\Omega, R_4 = 20\Omega$$

$$R_5 = 10\Omega, R_6 = 10\Omega, V_1 = 15V, V_2 = 5V$$

$$V_3 = 10V, V_4 = 5V$$

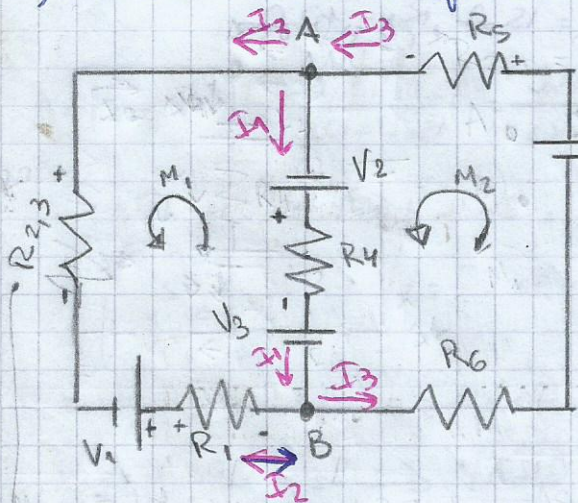
a) indique cuántas ecuaciones son suficientes para determinar las corrientes por cada resistencia, aludiendo a la conservación de la energía.

2 (las ecuaciones de Mallas)

b) Indique cuántas ecuaciones son suficientes para determinar las corrientes por cada resistencia aludiendo a la conservación de la carga

1 (la ec. de la 1ª ley de KIRCHHOFF: $I_3 = I_2 + I_1$)

c) calcule la corriente que circula por cada resistencia



Nodo: (A): $I_3 = I_2 + I_1$ (I)

Mallas: (M1) $I_2 R_{2,3} + V_1 + I_2 R_1 + V_3 - I_1 R_4 - V_2 = 0$

$$15 I_2 + 5 I_2 - 20 I_1 = -15 - 10 + 5$$

$$20 I_2 - 20 I_1 = -20$$

$$I_1 - I_2 = 1$$
 (II)

(M2) $V_2 + I_1 R_4 - V_3 + I_3 R_6 + V_4 + I_3 R_5 = 0$

$$20 I_1 + 10 I_3 + 10 I_3 = -5 + 10 - 5$$

$$2 I_1 + I_3 = 0$$
 (III)

$$R_{2,3} = R_2 + R_3 = 5\Omega + 10\Omega = 15\Omega$$

(I), (II), (III)

$$\begin{cases} I_1 + I_2 - I_3 = 0 \\ -I_1 - I_2 = 1 \\ 2I_1 + I_3 = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} I_1 = -1/3 \\ I_2 = 2/3 \\ I_3 = 1/3 \end{cases}$$

el signo negativo significa que la corriente va en sentido contrario al dibujado

$$I_{R_4} = I_{R_6} = I_{R_5} = 1/3 A, I_{R_1} = I_{R_2} = I_{R_3} = 2/3 A$$

d) calcule el trabajo requerido para transportar una carga $q = 1\mu C$ entre A y B (en contra de la fuerza eléctrica)

$$W_{q, (A \rightarrow B)} = q \cdot \Delta V_{A \rightarrow B} = 1\mu C \times 1,67V = 1,67\mu CV = 1,67\mu J = W_{10}$$

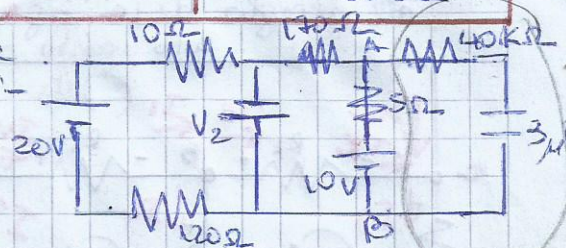
$$V_{B \rightarrow A} = V_2 + I_1 R_4 - V_3 = 5V + \frac{1A}{3} 20\Omega - 10V = 1,67V$$

(Va en contra de la Fe)

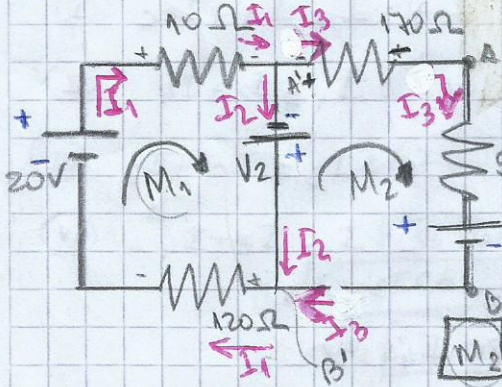
NOTA

Clase 18/10/22
Vicio 5/10

N1 En régimen estacionario, la potencia que disipa la resistencia de $5\ \Omega$ del circuito de la figura es $0,05\ \text{W}$
En régimen estacionario:



a) calcule el valor de V_2



$$P = I_3^2 \cdot 5\ \Omega = 0,05\ \text{W}$$

$$I_3 = 0,1\ \text{A}$$

En régimen estacionario un capacitor hace que el circuito sea abierto \Rightarrow esta rama no se considera

$$\sum \mathcal{E} + \sum V = 0$$

$$M_2: +V_2 + I_3 \cdot 170\ \Omega + I_3 \cdot 5\ \Omega + 10\ \text{V} = 0$$

$$V_2 = -I_3(170 + 5) - 10 \rightarrow I_3 = 0,1 \rightarrow V_2 = -27,5\ \text{V} \text{ (no es la respuesta correcta)}$$

$$I_3 = -0,1 \rightarrow V_2 = 7,5\ \text{V} \text{ (respuesta correcta)}$$

b) calcule la potencia disipada por la resistencia de $120\ \Omega$

$$A: I_1 = I_2 + I_3 \Rightarrow I_1 = I_2 + 0,1\ \text{A}$$

$$M_1: -20\ \text{V} + I_1 \cdot 10\ \Omega - V_2 + I_1 \cdot 120\ \Omega = 0 \Rightarrow I_1 \cdot (10 + 120) = 20\ \text{V} + 7,5\ \text{V}$$

$$I_1 = 1/52\ \text{A}$$

$$P_{(120\ \Omega)} = I_1^2 \cdot 120\ \Omega = 537\ \mu\text{W} = P_{120\ \Omega}$$

c) calcule la diferencia de potencial entre los puntos A y B

$$\Delta V_{A \rightarrow B} = +5\ \Omega (-0,1\ \text{A}) + 10\ \text{V} = (-0,5 + 10)\ \text{V} \Rightarrow \Delta V_{B \rightarrow A} = 9,5\ \text{V}$$

d) calcule la carga del capacitor

Por la rama en la que está el capacitor NO circula corriente \Rightarrow la dif. de potencial es la que hay entre A y B

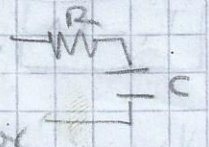
$$Q = C \cdot V = 3\ \mu\text{F} \cdot 9,5\ \text{V} = 28,5\ \mu\text{C} = Q$$

e) estime el tiempo que le lleva al circuito alcanzar el régimen estacionario

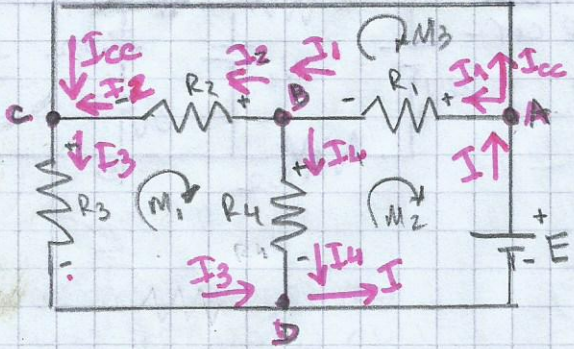
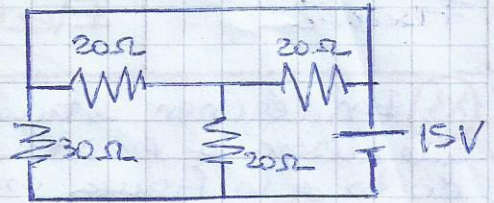
tiempo característico: $\tau = CR$

tiempo que transcurre hasta que se carga un capacitor

$$T = 5\tau = 5 \cdot 3 \cdot 10^{-6} \cdot 40 \cdot 10^3 = 0,6\ \text{seg} = T$$



12) Calcule la intensidad de corriente que circula por el corto circuito al arreglo de la figura.



$R_1 = 20\Omega$
 $R_2 = 20\Omega$
 $R_3 = 30\Omega$
 $R_4 = 20\Omega$
 $E = 15V$

$I_{cc} = ?$

- en A: $I = I_1 + I_{cc}$ (I)
- en B: $I_1 = I_2 + I_4$ (II)
- en C: $I_3 = I_{cc} + I_2$ (III)
- en D: $I = I_3 + I_4$ (IV)

M1: $-R_2 I_2 + R_4 I_4 - R_3 I_3 = 0$

M2: $-R_1 I_1 - R_4 I_4 = -E$

$-20 I_2 + 20 I_4 - 30 I_3 = 0$ (V)

$E = R_1 I_1 + R_4 I_4 \Rightarrow 15 = 20 I_1 + 20 I_4$ (VI)

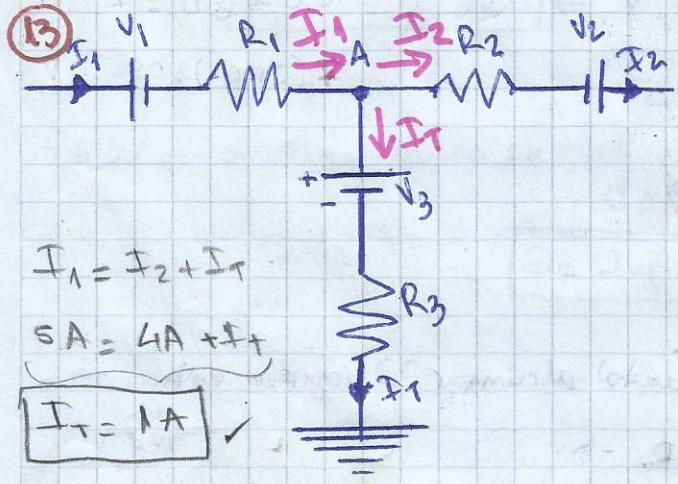
M3: $R_1 I_1 + R_2 I_2 = 0 = 20 I_1 + 20 I_2 \Rightarrow I_1 = -I_2$ (VII)

(A) (VI) (VII): $\begin{cases} I_1 - I_2 - I_4 = 0 \\ 20 I_1 + 20 I_4 = 15 \\ I_1 + I_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_1 = 0,25A \\ I_2 = -0,25A \\ I_4 = 0,5A \end{cases}$

el signo negativo significa que el sentido dibujado va al revés

(V): $-20(-0,25) + 20 \times 0,5 - 30 I_3 = 0 \Rightarrow 15 = 30 I_3 \Rightarrow I_3 = 0,5A$

(IV) en (III): $I_3 = I_{cc} + I_2 \Rightarrow 0,5A = I_{cc} + (-0,25A) \Rightarrow I_{cc} = 0,75A$ ✓



Dado el circuito de la figura, calcule la intensidad de la corriente derivada a tierra I_T y el potencial del punto A (respecto a tierra) para:

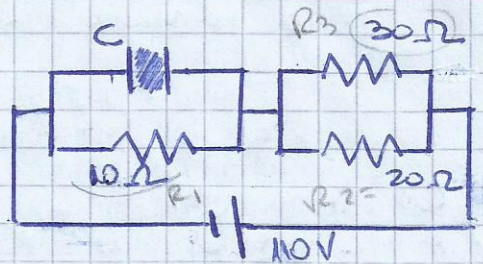
$R_1 = 20\Omega$ $R_2 = 50\Omega$ $R_3 = 40\Omega$
 $V_1 = 12V$ $V_2 = 6V$ $V_3 = 10V$
 $I_1 = 5A$ & $I_2 = 4A$

$I_1 = I_2 + I_T$
 $5A = 4A + I_T$
 $I_T = 1A$ ✓

$V_{A, tierra} = +V_3 + R_3 I_T = 10V + 40\Omega \cdot 1A = 50V = V_{A, tierra}$ ✓

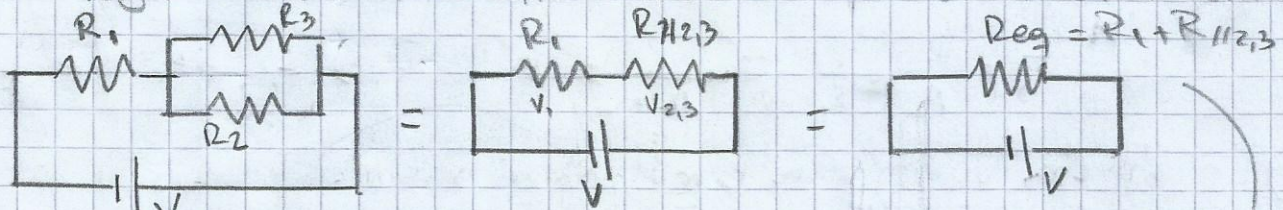
valor 5x4

14) El capacitor del circuito de la figura tiene, en vacío, capacidad $C_0 = 25 \mu F$. Se rellena totalmente su espacio entre placas con un dieléctrico de constante $\epsilon_r = 20$ y se lo conecta al circuito de la figura.



Calcule la carga del capacitor una vez alcanzado el régimen estacionario.

En régimen estacionario en la rama del capacitor no circula corriente.



$$R_{1,2,3} = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} = \frac{20 \Omega \cdot 30 \Omega}{20 \Omega + 30 \Omega} = 12 \Omega = R_{1,2,3}$$

$$R_{eq} = 10 \Omega + 12 \Omega = 22 \Omega$$

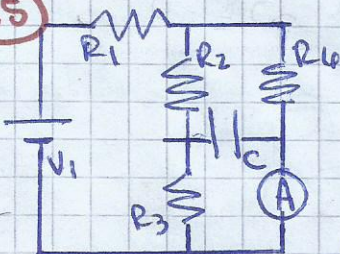
$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{110V}{22 \Omega} = 5A = I$$

$$V_{2,3} = R_{1,2,3} \cdot I = 12 \Omega \cdot 5A = 60V = V_{2,3}$$

$$V = V_1 + V_{2,3} \Rightarrow V_1 = V - V_{2,3} = 110V - 60V = 50V = V_1$$

$$\Rightarrow Q = C \Delta V = (C_0 \epsilon_r) \cdot V_1 = 25 \mu F \cdot 20 \cdot 50V = 25000 \mu F = Q \quad \checkmark$$

15)

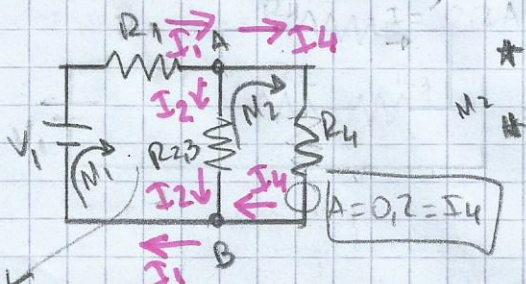


- $R_1 = 16 \Omega$
- $R_2 = 15 \Omega$
- $R_3 = 65 \Omega$
- $R_4 = 40 \Omega$
- $C = 20 \mu F$
- $I_A = 0,2A$

El circuito de la figura se halla en estado estacionario y el amperímetro marca 0,2 A

a) En esas condiciones, calcule la potencia que disipa la resistencia R_1

En estado estacionario, no se tiene en cuenta C pues ya está cargado



$$I_1 = I_4 + I_2 \quad \text{I}$$

$$I_4 = 2I_2 \quad \text{II}$$

$$R_4 I_4 - R_2 I_2 = 0 = 40 I_4 - 80 I_2$$

$$V_1 = R_1 I_1 + R_{2,3} I_2$$

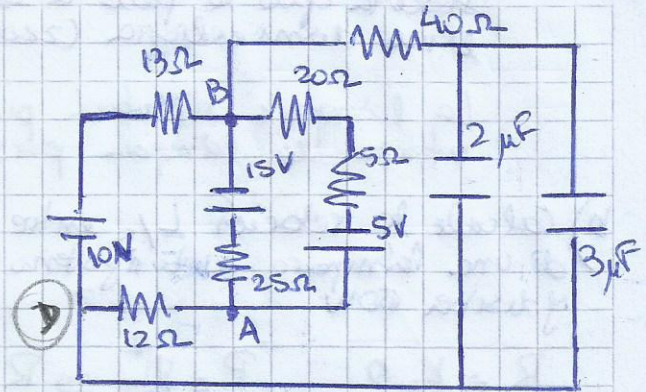
$$I_1 = I_4 + \frac{I_4}{2} = \frac{3}{2} I_4 = \frac{3}{2} \cdot 0,2A = 0,3A$$

$$I_1 = 0,3A \Rightarrow P(R_1) = I_1^2 R_1 = 1,44W = P(R_1)$$

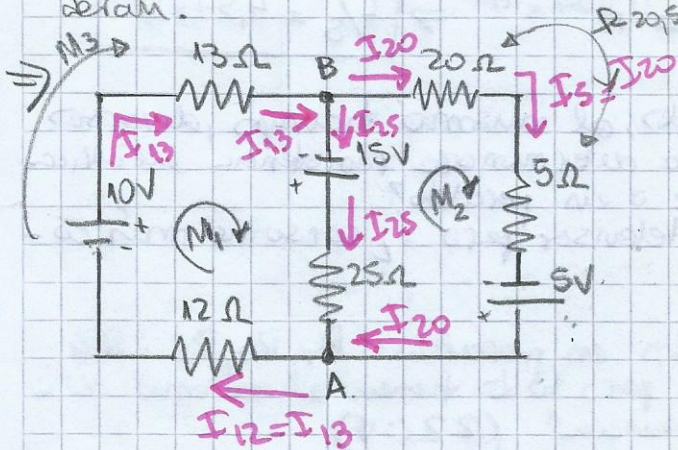


17) Sea el circuito de la figura, en el que los capacitores están inicialmente descargados.

a) calcule el valor de la intensidad de corriente que circula por cada resistencia, indicando el sentido de circulación



Para calcular la intensidad de la corriente, se considera el sistema como régimen estacionario \Rightarrow las ramas que contienen capacitores no se analizan.



$$* I_{13} = I_{20} + I_{25} \quad (1)$$

$$M1 \quad 10 + 15 = 13 I_{13} + 25 I_{25} + 12 I_{13}$$

$$25 = 25 I_{13} + 25 I_{25}$$

$$1 = I_{13} + I_{25} \quad (2)$$

$$M2 \quad * -15 + 5 = 20 I_{20} + 5 I_{20} - 25 I_{25}$$

$$-10 = 25 I_{20} - 25 I_{25} \quad (3)$$

$$15 = 25 I_{13} + 25 I_{20} \quad (4)$$

$$M3 \quad * 10 + 5 = 13 I_{13} + 25 I_{20} + 12 I_{13} \Rightarrow$$

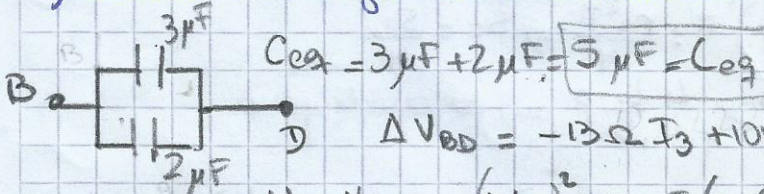
$$(2) : I_{25} = 1 - I_{13} \xrightarrow{(1)} I_{13} = I_{20} + 1 - I_{13} \Rightarrow 2 I_{13} - I_{20} = 1 \quad (5)$$

$$(4) \text{ y } (5) : \begin{cases} 25 I_{13} + 25 I_{20} = 15 \\ 2 I_{13} - I_{20} = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_{13} = 8/15 \text{ A} = I_{12} \quad (2) \\ I_{20} = 1/15 \text{ A} = I_5 \quad I_{25} = 7/15 \text{ A} \end{cases}$$

b) calcule la potencia disipada por la resistencia de 5Ω en reg. estac.

$$P(5\Omega) = R_s I_s^2 = 5\Omega \cdot (1/15 \text{ A})^2 = 1/45 \text{ W} = 0,02 \text{ W} = P(5\Omega) \approx 22,2 \text{ mW}$$

c) calcule la energía almacenada en los capacitores (en reg. estac.)



$$C_{eq} = 3\mu\text{F} + 2\mu\text{F} = 5\mu\text{F} = C_{eq}$$

$$\Delta V_{BD} = -13\Omega I_{13} + 10\text{V} = -13\Omega \cdot \frac{8}{15} \text{ A} + 10\text{V} = 3,06 \text{ V} = \Delta V_{BD}$$

$$U = \frac{1}{2} C_{eq} (\Delta V_{BD})^2 = \frac{1}{2} \cdot 5\mu\text{F} \cdot (3,06 \text{ V})^2 = 23,51 \mu\text{J} = U$$

d) Estime el tiempo que le lleva al circuito alcanzar el régimen estacionario

$$T = 5\tau = 5 \cdot C_{eq} \cdot 40\Omega = 5 \cdot 5\mu\text{F} \cdot 40\Omega = 1000 \mu\text{seg} = 1000 \cdot 10^{-6} \text{ seg}$$

$$T = 1 \times 10^{-3} \text{ seg}$$

- 18 a) las lámparas incandescentes de 12V, que generalmente usan los mecánicos, se conectan a la batería del auto. Discuta qué le pase a esa lámpara si usted le conecta a la línea domiciliaria (220V)

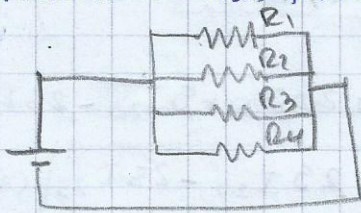
La lámpara explotará pues la batería entrega los 12V que utiliza la lámpara pero un 220V recibe 18 veces ese voltaje

- b) Calcule la relación L/S entre la longitud y la sección del filamento de una lámpara de tungsteno ($\rho = 5,25 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$) que opera a 12V y disipa 60W

$$R = \frac{L}{S} \rho \quad P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow R = \frac{V^2}{P} = \frac{(12V)^2}{60W} = 2,4 \Omega = R$$

$$\frac{L}{S} = \frac{R}{\rho} = \frac{2,4 \Omega}{5,25 \times 10^{-8} \Omega \cdot m} = 0,457 \times 10^8 \Rightarrow \boxed{L/S = 4,57 \times 10^7}$$

- c) En su casa usted tiene conectados, al mismo tiempo, diversos aparatos eléctricos, cada uno con una determinada resistencia eléctrica interna. ¿Están conectados en serie o en paralelo? La plancha consume más que el televisor pero ¿consume más corriente o más tensión?



Están conectados en paralelo R_1, R_2, R_3 y R_4 pueden ser \neq pero todos tienen el mismo diferencial de potencial (220V)

La plancha consume más corriente que un televisor

- 19 Del sig. conj. de afirmaciones solo una es V. Indique cuáles

- a) Dos resistencias iguales en serie con una pila disipan 2 veces la potencia que disipan conectados en paralelo a esa pila

$$\left. \begin{aligned} R_{eq \text{ serie}} &= R + R = 2R \Rightarrow R = \frac{R_{eq \text{ serie}}}{2} \\ R_{eq \parallel} &= \frac{R}{2} \Rightarrow R = 2 R_{eq \parallel} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \boxed{R_{eq \text{ serie}} = 4 R_{eq \parallel} \neq 2}$$

(F)

- b) La resistencia de un cuerpo cilíndrico se duplica si se reduce su radio a la mitad

$$R_0 = \frac{L}{S_0} \rho, \quad S_0 = r_0^2 \pi \Rightarrow S_f = \left(\frac{r_0}{2}\right)^2 \pi = \frac{r_0^2 \pi}{4} \Rightarrow S_f = \frac{S_0}{4}$$

$$\Rightarrow R_f = \frac{L}{S_f} \rho = \frac{L}{S_0/4} \rho = 4 \frac{L}{S} \rho \Rightarrow \text{se cuadruplica}$$

(F)

- c) Los dieléctricos con $\epsilon_{\text{relativo}} < 1$ son los mejores aislantes

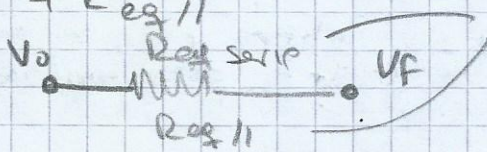
(F)

Los dieléctricos que son mejores aislantes son aquellos en que $\epsilon_r > 1$

- d) Dos resistencias iguales en paralelo con una pila disipan 4 veces la potencia que disipan conectados en serie

visto en a)

$$R_{eq\ serie} = 4 R_{eq\ //}$$



$$P(\text{paralelo}) = \frac{V^2}{R_{eq\ //}}$$

$$P(\text{serie}) = \frac{V^2}{R_{eq\ serie}} = \frac{V^2}{4 R_{eq\ //}} = \frac{1}{4} P(\text{paralelo}) \Rightarrow \boxed{4P(\text{serie}) = P(\text{paralelo})}$$

e) La resistencia de un arreglo de resistores se duplica si se duplica la intensidad de la corriente

La resistencia no depende de la intensidad de la corriente

f) La intensidad de corriente es una medida del número de electrones que circulan por un circuito

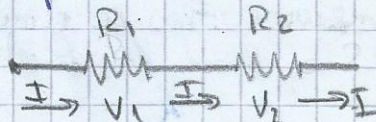
La intensidad mide el número de cargas que circulan por un circuito

20) Del sig. conj. de afirmaciones, solo una es V. Indique cuáles.

a) la caída de potencial es la misma sobre dos resistencias en serie

(X)

(F) $V = R \cdot I$



$V_1 = V_2$ si $R_1 = R_2$. Si están en // $V_1 = V_2$ siempre

b) Dos cuerpos tienen conductividades σ_1 y $\sigma_2 = 2\sigma_1$, igual sección e igual longitud $\Rightarrow R_2 = 2R_1$

$$\sigma = \frac{1}{\rho} \Rightarrow \sigma_1 = \frac{1}{\rho_1}, \sigma_2 = 2\sigma_1 = 2 \frac{1}{\rho_1} = \frac{1}{\rho_2} \Rightarrow 2\rho_2 = \rho_1$$

$$R_1 = \frac{L}{S} \rho_1 = \frac{L}{S} 2\rho_2 = 2 \left(\frac{L}{S} \rho_2 \right) = 2R_2 \Rightarrow \boxed{R_1 = 2R_2}$$

$$R_2 = \frac{L}{S} \rho_2$$

c) Dos resistencias en paralelo poseen resistencia equivalente mayor que la de ellas por separado

(F) en // $\Rightarrow R_{//}$ es menor que la menor de ellas por separado

d) La Req de 3 resistencias iguales, de valor R, en serie es 3R y en paralelo $\frac{R}{3}$

(V) $R_{serie} = R + R + R = 3R$

$$\frac{1}{R_{//}} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R} = \frac{3}{R} \Rightarrow \boxed{R_{//} = \frac{R}{3}}$$

(F) e) Dos pilas ideales V_1 y V_2 en serie entregan más potencia que una única pila de valor $V_1 + V_2 \Rightarrow$ entregan la MISMA potencia

(F) f) Un nodo en un circuito es un punto al que entran 4 o más corrientes de rama
NOTA: Nodo es un punto al que convergen 3 o más conductores